

داتش آموزان روزانه، راه دور و داوطلبان ازاد خارج از کشور در ماه خرداد سال 1399	موگز سنجش و پایش کیفیت آموزشی	تاریخ امتحان: ۲۲ / ۳ / ۱۳۹۹	ساعت شروع: ۱۶ عصر به افق تهران	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
نمره	سوالات	پایه: دوازدهم	رشته‌ی تجربی	سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
ردیف	پاسخه تعالی			

۱	درستی یا نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید. الف) دامنه تابع با ضابطه $(\frac{x}{k})f(x) = y$ همان دامنه تابع $(x)f(x) = -kf(x)$ = $y$ می‌باشد. ب) تابع $y = 2x^5 - 4x^3 + \sqrt{7}x^2$ یک تابع چند جمله‌ای نیست. پ) منظور از احتمال $P(A B)$ این است که احتمال وقوع پیشامد A به شرط آن که بدانیم پیشامد B رخداده است.	۰/۷۵
۲	اگر $14 + 6x - 3x^3 = (fog)(x)$ و $f(x) = 3x^2$ باشد آورید.	۱
۳	نشان دهید توابع $f(x) = \frac{-8x+2}{x}$ و $g(x) = \frac{2-2x}{8}$ وارون یکدیگرند.	۱/۲۵
۴	در جاهای خالی عبارات مناسب قرار دهید. الف) تابعی که در یک بازه، هم صعودی و هم نزولی تعریف می‌شود تابع ..... گفته می‌شود. ب) تابع تابعی که در آن تعریف شده باشد ..... است. پ) وقتی یک سطح مخروطی توسط یک صفحه به طور عمودی برش داده می‌شود سطح مقطع یک ..... است.	۰/۷۵
۵	دوره تناوب و مقادیر ماکریم و می نیم تابع مقابل را به دست آورید.	۱/۲۵
۶	الف) جواب‌های معادله $\cos x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ را به دست آورید. ب) مقدار $\sin 15^\circ$ را به دست آورید.	۱/۵
۷	حد توابع زیر را در صورت وجود به دست آورید. الف) $\lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{[x]}{ 2x+1 }$ ب) $\lim_{x \rightarrow 5^-} \frac{2x}{x-5}$ پ) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (9 + \frac{7}{x^2})$	۲
۸	اگر $1 - 2x + 3x^2 = f(x)$ باشد، $(f'(x))'$ را به دست آورید و معادله خط مماس بر منحنی تابع f را در نقطه‌ای به طول ۲ واقع بر آن بنویسید.	۱
۹	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن الزامی نیست)	۱/۷۵
۱۰	مشتق پذیری تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 + 3 & x \geq 1 \\ 2x & x < 1 \end{cases}$ را در نقطه $x=1$ بررسی کنید.	۱/۲۵
	ادامه سوالات در صفحه دوم	

باسمده تعالی

نمره	سؤالات	ردیف
۱	یک توده باکتری پس از $t$ ساعت دارای جرم $m(t) = \sqrt{t} + 2t^3$ گرم است. آهنگ رشد جرم این توده باکتری در لحظه $t=1$ چقدر است؟	۱۱
۷۵	مقادیر ماکریم و می نیمم مطلق تابع $f(x) = x^3 + 2x - 5$ را در بازه $[1, 2]$ در صورت وجود به دست آورید.	۱۲
۲۵	ابعاد مستطیلی با بیشترین مساحت را تعیین کنید که دو راس آن روی محور $X$ ها و دو راس دیگر ش بالای محور $X$ ها و روی سهمی به معادله $x^2 - 12 = y$ باشند.	۱۳
۵	در یک بیضی افقی طول قطر بزرگ ۶ و طول قطر کوچک ۴ واحد است. اگر مختصات مرکز آن $O$ باشد. الف) فاصله کانونی بیضی را پیدا کنید. ب) مختصات دو سر قطر بزرگ آن را بنویسید.	۱۴
۵	وضعیت دایره به معادله $x^2 + y^2 - 2x - 2y = 0$ را نسبت به هم مشخص کنید.	۱۵
۵	اگر احتمال انتقال نوعی بیماری خاص به نوزاد پسر $0.08$ و به دختر $0.03$ باشد و خانواده ای قصد بچه دار شدن را داشته باشند؛ با چه احتمالی نوزاد آن ها به بیماری خاص مبتلا خواهد شد؟	۱۶
جمع نمرات		موفق باشید